

**Второй (заключительный) этап XIX олимпиады школьников
«Шаг в будущее» для 8-10 классов по образовательному предмету
«Информатика», 8 класс, весна 2017 г.**

Вариант №6

Задание 1 (10 баллов)

Рассчитать значение выражения: $1001001001001000100001111100_2 + 24651421_8 + AD600F_{16}$.

Ответ записать в четверичной системе счисления.

Ответ обосновать

Задание 2 (15 баллов)

Студенты Васильев, Алексеев, Дмитриева и Сергеев обучаются на физическом, математического, филологическом, и искусствоведческом факультете в четырёхэтажном здании университета. Согласно расписанию, им нужно посетить занятия по истории, литературе, иностранному языку и черчению. Все эти занятия проводятся в аудиториях, расположенных на разных этажах.

Известно, что:

1. занятия по иностранному языку проводится этажом выше занятий по истории, а занятия по литературе - этажом выше занятий по черчению;
2. студентка Дмитриева не занимается ни литературой, ни иностранным языком;
3. на физическом факультете изучают черчение;
4. студент Сергеев занимается на первом этаже;
5. на третьем этаже работает искусствоведческий факультет;
6. Дмитриева обучается на более высоком этаже, чем Алексеев, но на более низком, чем Васильев;
7. Васильев не учится на математическом факультете.

Кто где учится, какие занятия на каком этаже посещает?

Задание 3 (15 баллов)

Десять двоечников попали на пересдачу зачёта. Восемь пересдают физику. Пятеро пересдают математический анализ. Четверо – аналитическую геометрию. Сколько человек пересдавали больше одного предмета, если известно, что пересдача математического анализа и аналитической геометрии идёт в один день, а студентов с тремя задолженностями вообще не допускают до пересдач? В один день можно сдавать только один зачёт.

Задание 4 (15 баллов)

На вход автомату подаётся 3-хзначное число в 8-й системе счисления.

Автомат выполняет следующие действия:

- переводит число в 16-ю систему счисления;
- уменьшает все цифры числа на 1, вместо 0 пишет F.

Назовите:

- максимальное число, которое может быть получено в результате работы автомата, ответ запишите в 16-й системе счисления
- минимальное число, которое может быть получено в результате работы автомата, ответ запишите в 16-й системе счисления

Ответ обоснуйте.

Задание 5 (20 баллов)

Бидон ёмкостью 10 л наполнен парным молоком. Требуется перелить из этого бидона 5 л молока в семилитровый бидон, используя при этом трёхлитровый бидон.

Задание 6 (25 баллов)

С клавиатуры вводится последовательность целых чисел, по одному в строке. Количество чисел неизвестно, но не превышает 1000. Признаком окончания последовательности является ввод числа «0».

Необходимо найти максимальную длину (количество элементов) подпоследовательности, состоящей из чисел, оканчивающихся на одну и ту же цифру.

Написать программу на любом языке программирования, наиболее оптимальную по времени и по памяти.

Формат ввода:

На каждой строке вводится одно целое число в диапазоне от -30000, до 30000.

Формат вывода:

Неотрицательное, целое число.

Пример входных данных:

244

-104

-72

36

21

51

-831

0

Пример выходных данных:

3

Пояснение:

В заданной последовательности есть следующие искомые подпоследовательности: 244, -104; -72; 36; 21, 51, -831.

Максимальная длина у 21, 51, -831, ответ 3

Решение заданий для 8 класса. Вариант 6.

Задание 1 (10 баллов)

Рассчитать значение выражения: $1001001001001000100001111100_2 + 24651421_8 + AD600F_{16}$.

Ответ записать в четверичной системе счисления.

Ответ обосновать

Решение:

Ответ в 2-й: 10 10 00 10 01 01 00 11 10 11 10 01 11 00

Ответ в 4-й: 2 2 0 2 1 1 0 3 2 3 2 1 3 0

Критерии оценки задания 1:

Решение + ответ: 10

Ответ без решения: 5

Ответ в другой системе счисления: 7

Решение без ответа: 3

Задание 2 (15 баллов)

Студенты Васильев, Алексеев, Дмитриева и Сергеев обучаются на физическом, математического, филологическом, и искусствоведческом факультете в четырёхэтажном здании университета. Согласно расписанию, им нужно посетить занятия по истории, литературе, иностранному языку и черчению. Все эти занятия проводятся в аудиториях, расположенных на разных этажах.

Известно, что:

1. занятия по иностранному языку проводится этажом выше занятий по истории, а занятия по литературе - этажом выше занятий по черчению;
2. студентка Дмитриева не занимается ни литературой, ни иностранным языком;
3. на физическом факультете изучают черчение;
4. студент Сергеев занимается на первом этаже;
5. на третьем этаже работает искусствоведческий факультет;
6. Дмитриева обучается на более высоком этаже, чем Алексеев, но на более низком, чем Васильев;
7. Васильев не учится на математическом факультете.

Кто где учится, какие занятия на каком этаже посещает?

Решение:

Из условия следует:

Васильев: филологический, 4-й этаж, иностранный язык;

Алексеев: математический, 2-й этаж, литература;

Дмитриева: искусствоведческий, 3-й этаж, история;

Сергеев: физический, 1-й этаж, черчение.

Критерии оценки задания 2:

Ответ + решение: 15

Только ответ без решения: 7

Решение без формулировки ответа: 5

Задание 3 (15 баллов)

Десять двоечников попали на пересдачу зачёта. Восемь пересдают физику. Пятеро пересдают математический анализ. Четверо – аналитическую геометрию. Сколько человек пересдавали больше одного предмета, если известно, что пересдача математического анализа и аналитической геометрии идёт в один день, а студентов с тремя задолженностями вообще не допускают до пересдач? В один день можно сдавать только один зачёт.

Решение:

Так как студентов с тремя задолженностями вообще не допускают до пересдач, пересечение всех трёх множеств пусто. Так как математический анализ и аналитическую геометрию сдают одновременно, пересечение этого множества пусто. Следовательно, уравнение выглядит так:

$$10 = 8 + 5 + 4 - x$$

Очевидно, на две пересдачи попали 7 человек.

Критерии оценки задания 3:

На полный балл оценивается решение, в котором содержится явное объяснение того, что пересечение всех трех множеств пусто, составлено уравнение и получен верный ответ.

На 10 баллов оценивается решение, в котором содержится явное объяснение того, что пересечение всех трех множеств пусто, составлено уравнение, но содержится арифметическая ошибка.

На 5 баллов оценивается решение, в котором без объяснения составлено уравнение и получен верный ответ.

На 3 балла оценивается решение, в котором содержится явное объяснение того, что пересечение всех трех множеств пусто, но ответ не получен.

Задание 4 (15 баллов)

На вход автомату подаётся 3-хзначное число в 8-й системе счисления.

Автомат выполняет следующие действия:

- переводит число в 16-ю систему счисления;
- уменьшает все цифры числа на 1, вместо 0 пишет F.

Назовите:

- максимальное число, которое может быть получено в результате работы автомата,

Ответ запишите в 16-й системе счисления

- минимальное число, которое может быть получено в результате работы автомата.

Ответ запишите в 16-й системе счисления

Ответ обоснуйте.

Решение:

Распишем структуру разрядов:

Пронумеруем разряды исходного двоичного числа: 876 543 210

В результате работы автомата цифры будут переставлены следующим образом: 8 7654 3210

Для получения макс. числа надо в 8м разряде поставить 1, а в остальных 0. т.н. подать на вход 100 000 000 (это 400_8) На выходе получим FF_{16}

Для получения минимума подадим $100\ 010\ 001_2$ (421_8) на выходе получим 0

Критерии оценки задания 4:

Ответ + решение: 15

Только ответ без решения: 7

Решение без формулировки ответа: 5

Ответ на один вопрос - половина баллов с округлением вниз

Задание 5 (20 баллов)

Бидон ёмкостью 10 л наполнен парным молоком. Требуется перелить из этого бидона 5 л молока в семилитровый бидон, используя при этом трёхлитровый бидон.

Решение:

1. Наливаем полный 7-литровый и из него полностью наполняем 3-литровый.

3 7 0

3 4 3

2. Выливаем 3-литровый в 10-литровый и еще раз наполняем 3-литровый из 7-литрового.

6 1 3

3. Выливаем 3-литровый в 10-литровый и переливаем из 7-литрового в 3-литровый оставшийся 1 литр.

9 0 1

4. Наполняем 7-литровый из 10-литрового

2 7 1

5. из 7-литрового доливаем доверху 3-литровый, в которой уже есть 1 литр и как следствие, помещается только 2.

2 5 3

Результат: в 7-ми литровом остаётся ровно 5 литров.

Критерии оценки задания 5:

На полный балл оценивается решение, состоящее не более чем из 10 переливаний, к которому приложена таблица.

На 10 баллов оценивается решение, в котором количество переливаний превышает 10.

На 5 баллов оценивается решение, в котором содержатся арифметические ошибки.

Задание 6 (25 баллов)

С клавиатуры вводится последовательность целых чисел, по одному в строке. Количество чисел неизвестно, но не превышает 1000. Признаком окончания последовательности является ввод числа «0».

Необходимо найти максимальную длину (количество элементов) подпоследовательности, состоящей из чисел, оканчивающихся на одну и ту же цифру.

Написать программу на любом языке программирования, наиболее оптимальную по времени и по памяти.

Формат ввода:

На каждой строке вводится одно целое число в диапазоне от -30000, до 30000.

Формат вывода:

Неотрицательное, целое число.

Пример входных данных:

244

-104

-72

36

21

51

-831

0

Пример выходных данных:

3

Пояснение:

В заданной последовательности есть следующие искомые подпоследовательности: 244, -104; -72; 36; 21, 51, -831.

Максимальная длина у 21, 51, -831, ответ 3

Решение:

```
var
  dl, mdl, n, pac : longint;
begin
  dl := 0;
  mdl := 0;
  pac := -1;
  repeat
    read(n);
    if (abs(n) mod 10 = pac) or (pac = -1) and (n <> 0) then
      dl := dl + 1
    else
      if n <> 0 then
        dl := 1;
      if dl > mdl then
        mdl := dl;
      pac := abs(n) mod 10;
  until n = 0;
  writeln(mdl);
end.
```

Критерии оценки задания 6:

Верная программа 25

Не работает для отрицательных чисел -10

Нет инициализации переменных -5

Нет вывода -5

0 учитывается как элемент последовательности

Не работает если последовательность в конце -5

Не работает если последовательность в конце -3

Если в программе правильно находятся подпоследовательности в соответствии с условиями, но не находится максимум, то такое решение оценивается в 10 баллов

Если подпоследовательности не находятся, а подсчитывается только общее количество чисел, удовлетворяющих заданным условиям, то такое решение оценивается в 5 баллов.